

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РФ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«МОСКОВСКИЙ АВИАЦИОННЫЙ ИНСТИТУТ
(национальный исследовательский университет)»

Кафедра «Технология производства авиационных двигателей»

КУРСОВАЯ РАБОТА

по дисциплине: «Термодинамика и теплопередача»

на тему:

«Расчёт и анализ термодинамического цикла»

Студент:

Группа:
023

14ДЛА-3ДБ-

Преподаватель:

Бабин С.В.

Ступино 2017

СОДЕРЖАНИЕ

1. Цель работы	3
2. Задание	3
3. Подготовка к выполнению	4
4. Расчёт параметров узловых точек	7
4.1. Точка 1	7
4.2. Точка 2	7
4.3. Точка 3	8
4.4. Точка 4	9
5. Определение параметров газа для процессов	10
6. Определение величин характеризующих цикл в целом	12
7. Расчёты Р, V и T, S в промежуточных точках и их диаграммы	13
Список использованной литературы.....	17

1. Цель работы

Выполнения расчетов и анализа термодинамических циклов тепловых машин.

2. Задание

По исходным данным требуется определить:

1. Параметры состояния рабочего тела (воздуха): давление P , удельный объём V , температуру T и энтропию S во всех четырех узловых точках 1,2,3 и 4 цикла.
2. Параметры состояния воздуха (P,V,T,S) в 2-3-х промежуточных точках для каждого из 4-х процессов цикла.
3. Показатель политропы n , теплоёмкость c_n , работу расширения (сжатия) l , количество подведенной (отведенной) теплоты q , изменение внутренней энергии ΔU , изменение энтальпии Δi воздуха, коэффициент u распределения тепла между внутренней энергией и совершающей воздухом работой.
4. Работу l_u воздуха за цикл, количество теплоты $q_{подв}$, подведенной к воздуху извне за цикл, и теплоты $q_{отв}$, отведенной от воздуха в охладитель за цикла, количество теплоты q_u , превращенной в работу, изменения внутренней энергии ΔU_u , энтальпии Δi_u и энтропии ΔS_u воздуха за цикл, термический КПД η_t рассчитываемого цикла и термический КПД η_{tk} .

3. Подготовка к выполнению

Уравнение состояния идеального газа:

$$PV = RT$$

Уравнение политропного процесса:

$$PV^n = const$$

где n – показатель политропы, показывает, как изменяются параметры газа в процессе.

$n=0$ изобарный процесс,

$n=\infty$ изохорный процесс,

$n=1$ изотермический процесс,

$n=k$ адиабатный процесс.

Связь между параметрами в политропном процессе в общем виде:

$$\frac{P_1}{P_2} = \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^n ; \quad \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{(n-1)} = \frac{T_1}{T_2} ; \quad \left(\frac{P_1}{P_2} \right)^{\left(\frac{n-1}{n}\right)} = \frac{T_1}{T_2}$$

Для четырех частных случаев политропного процесса существуют следующие соотношения:

для изохорного: $\frac{P_1}{P_2} = \frac{T_1}{T_2}$

для изобарного: $\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2}$

для изотермического: $\frac{V_1}{V_2} = \frac{P_2}{P_1}$

для адиабатного: $\frac{P_1}{P_2} = \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^k ; \quad \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{k-1} = \frac{T_1}{T_2} ; \quad \left(\frac{P_1}{P_2} \right)^{\left(\frac{k-1}{k}\right)} = \frac{T_1}{T_2}.$

где k – показатель адиабаты: $k = 1 + \frac{R}{C_v} = \frac{C_p}{C_v}$

Если в задании не указан показатель политропы, то его необходимо вычислить:

$$n = \frac{\lg P_2 / P_1}{\lg V_2 / V_1}; \quad n-1 = \frac{\lg T_2 / T_1}{\lg V_1 / V_2}; \quad \frac{n-1}{n} = \frac{\lg T_2 / T_1}{\lg P_2 / P_1}$$

Уравнение Майера:

$$C_p = C_v + R$$

C_v – теплоемкость газа при постоянном объеме

C_p – теплоемкость газа при постоянном давлении

Уравнение первого закона термодинамики:

$$q = \Delta U + l$$

где $\Delta U = U_2 - U_1 = C_v(T_2 - T_1)$ – изменение внутренней энергии газа

Работа расширения (сжатия) газа во всех процессах, кроме изотермического, может быть определена по формуле:

$$l = \frac{R}{1-n} (T_2 - T_1)$$

Для изотермического процесса подходит формула:

$$l = RT \ln \frac{V_2}{V_1} = RT \ln \frac{P_1}{P_2}$$

В изохорном процессе нет изменения объема, поэтому $l=0$.

В адиабатном процессе можно использовать формулу:

$$l = -\Delta U = C_v(T_2 - T_1)$$

Изменение энтальпии газа для всех процессов идеального газа:

$$\Delta i = i_2 - i_1 = C_p(T_2 - T_1)$$

Тепло подведенное (отведенное) по формуле первого закона или:

$$q = C_n(T_2 - T_1)$$

Для четырех частных случаев политропного процесса можно использовать следующие соотношения:

В адиабатном процессе: $q=0$

В изохорном процессе: $q=\Delta U=C_v(T_2 - T_1)$

В изобарном процессе: $q=\Delta i$

В изотермическом процессе: $q=l$

Теплоемкость газа для каждого процесса рассчитывается по формулам:

$$C_n = C_v + \frac{R}{1-n} \quad C_n = C_v \frac{k-n}{1-n}$$

В изохорном процессе: $C_n = C_v$

В изобарном процессе: $C_n = C_p$

В изотермическом процессе: $C_n = \infty$

В адиабатном процессе: $C_n = 0$

Аналитическое выражение второго закона термодинамики:

$$dS = \frac{dq}{T}$$

или:

$$\Delta S = C_v \ln \frac{T_2}{T_1} + R \ln \frac{V_2}{V_1}; \quad \Delta S = C_p \ln \frac{V_2}{V_1} + C_v \ln \frac{P_2}{P_1};$$

$$\Delta S = C_p \ln \frac{T_2}{T_1} - R \ln \frac{P_2}{P_1}; \quad \Delta S = C_n \ln \frac{T_2}{T_1}$$

4. Расчёт параметров узловых точек

4.1. Точка 1

Удельный объём:

$$V_1 = \frac{RT_1}{P_1} = 0.827 \quad m^3 / kg$$

где $P_1=10^5 Pa$

$$T_1=288K$$

$$R=287 \left[\frac{Дж}{kg \cdot K} \right]$$

Энтропия:

$$S_1 = C_p \ln\left(\frac{T_1}{T_0}\right) + R \ln\left(\frac{P_1}{P_0}\right) = 714.277 \quad Дж/kg \cdot K$$

где $P_0=10^5 Pa$ – атмосферное давление

$T_0=273K$ – температура при нормальных условиях

$$C_p=C_v+R=999 \left[\frac{Дж}{kg \cdot K} \right]$$

$$C_v=712 \left[\frac{Дж}{kg \cdot K} \right]$$

4.2. Точка 2

Так как $n_{2-3}=0$, то процесс изобарный ($p=\text{const}$), следовательно $p_2=p_3=6 \cdot 10^5$ Па. Для нахождения остальных параметров в точке 2 рассмотрим процесс 1-2, т.к. параметры в точке 1 известны. Процесс 1-2 политропный $n=1,6$. Из уравнения политропного процесса по известным величинам p_2 , p_1 , T_1 найдем T_2 .

$$T_2 = T_1 \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} = 288 \left(\frac{6 \cdot 10^5}{1 \cdot 10^5} \right)^{0,375} = 563,896K$$

Удельный объём:

$$V_2 = \frac{V_1}{4} = 0.207 \quad m^3 / kg$$

Энтропия:

$$S_2 = S_1 + C_p \ln\left(\frac{T_2}{T_1}\right) - R \ln\left(\frac{P_2}{P_1}\right) = 871,28 \text{ Дж/кг·К}$$

4.3. Точка 3

$$P_3 = P_2 = 6 \times 10^5 \text{ Па}$$

Показатель адиабаты:

$$k = 1 + \frac{R}{C_v} = 1.403$$

Температура:

$$T_3 := \frac{q}{C_n} + T_2 = 1.863 \times 10^3 \text{ К}$$

Где :

$$C_n = C_v \frac{k-n}{1-n} = 999 \text{ Дж/кг·К}$$

$$q = 1298 \text{ кДж/кг}$$

Удельный объем:

$$V_3 = \frac{R \cdot T_3}{P_3} = 0,891 \text{ м}^3 / \text{кг}$$

Энтропия:

$$S_3 = S_2 + C_n \ln\left(\frac{T_3}{T_2}\right) = 2065 \text{ Дж/кг·К}$$

4.4. Точка 4

Так как $n_{4-1}=0$, то процесс изобарный ($p=\text{const}$) следовательно, $p_4=p_1=1 \cdot 10^5 \text{ Па}$.

Температура:

$$T_4 = T_3 \left(\frac{p_4}{p_3} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = 1114 \text{ K}$$

Энтропия:

$$S_4 = S_3 = 2065 \text{ Дж/кг}\cdot\text{К}$$

5. Определение параметров газа для процессов

Определение удельной теплоёмкости:

$$C_{1,2} = Cv \cdot \frac{k - k}{1 - k} \quad C_{1,2} = 0 \quad \text{Дж/кг·град}$$

$$C_{2,3} = Cv \cdot \frac{k - n_{2,3}}{1 - n_{2,3}} \quad C_{2,3} = 999 \quad \text{Дж/кг·град}$$

$$C_{3,4} = Cv \cdot \frac{k - k}{1 - k} \quad C_{3,4} = 0 \quad \text{Дж/кг·град}$$

$$C_{4,1} = Cv + \frac{R}{1 - n_{4,1}} \quad C_{4,1} = 999 \quad \text{Дж/кг·град}$$

Определение работы:

$$L_{1,2} = \left(\frac{R}{1 - n_{1,2}} \right) (T_2 - T_1) \quad L_{1,2} = -1.32 \times 10^5 \quad \text{Дж/кг}$$

$$L_{2,3} = \left(\frac{R}{1 - n_{2,3}} \right) (T_3 - T_2) \quad L_{2,3} = 3.729 \times 10^5 \quad \text{Дж/кг}$$

$$L_{3,4} = \left(\frac{R}{1 - k} \right) (T_4 - T_3) \quad L_{3,4} = 5.338 \times 10^5 \quad \text{Дж/кг}$$

$$L_{4,1} = \left(\frac{R}{1 - n_{4,1}} \right) (T_1 - T_4) \quad L_{4,1} = -2.369 \times 10^5 \quad \text{Дж/кг}$$

Определение внутренней энергии:

$$\Delta U_{1,2} = Cv(T_2 - T_1) \quad \Delta U_{1,2} = 1.964 \times 10^5 \quad \text{Дж/кг}$$

$$\Delta U_{2,3} = Cv(T_3 - T_2) \quad \Delta U_{2,3} = 9.251 \times 10^5 \quad \text{Дж/кг}$$

$$\Delta U_{3,4} = Cv(T_4 - T_3) \quad \Delta U_{3,4} = -5.338 \times 10^5 \quad \text{Дж/кг}$$

$$\Delta U_{4,1} = Cv(T_1 - T_4) \quad \Delta U_{4,1} = -5.878 \times 10^5 \quad \text{Дж/кг}$$

Определение количества тепла:

$$Q_{1,2} := \Delta U_{1,2} + L_{1,2} \quad Q_{1,2} = 6.447 \times 10^4 \text{ Дж/кг}$$

$$Q_{2,3} := \Delta U_{2,3} + L_{2,3} \quad Q_{2,3} = 1.298 \times 10^6 \text{ Дж/кг}$$

$$Q_{3,4} := \Delta U_{3,4} + L_{3,4} \quad Q_{3,4} = 0 \text{ Дж/кг}$$

$$Q_{4,1} := \Delta U_{4,1} + L_{4,1} \quad Q_{4,1} = -8.247 \times 10^5 \text{ Дж/кг}$$

Определение изменения энталпии:

$$\Delta I_{1,2} := C_p(T_2 - T_1) \quad \Delta I_{1,2} = 2.756 \times 10^5 \text{ Дж/кг}$$

$$\Delta I_{2,3} := C_p(T_3 - T_2) \quad \Delta I_{2,3} = 1.298 \times 10^6 \text{ Дж/кг}$$

$$\Delta I_{3,4} := C_p(T_4 - T_3) \quad \Delta I_{3,4} = -7.489 \times 10^5 \text{ Дж/кг}$$

$$\Delta I_{4,1} := C_p(T_1 - T_4) \quad \Delta I_{4,1} = -8.247 \times 10^5 \text{ Дж/кг}$$

Определение изменения энтропии:

$$\Delta S_{1,2} := S_2 - S_1 \quad \Delta S_{1,2} = 157.003 \text{ Дж/кг * к}$$

$$\Delta S_{2,3} := S_3 - S_2 \quad \Delta S_{2,3} = 1.194 \times 10^3 \text{ Дж/кг * к}$$

$$\Delta S_{3,4} := S_4 - S_3 \quad \Delta S_{3,4} = 0 \text{ Дж/кг * к}$$

$$\Delta S_{4,1} := S_1 - S_4 \quad \Delta S_{4,1} = -1.351 \times 10^3 \text{ Дж/кг * к}$$

Определение коэффициента распределения тепла между внутренней энергией и совершающей работой:

$$\psi_{1,2} := \frac{\Delta U_{1,2}}{Q_{1,2}} \quad \psi_{1,2} = 3.047$$

$$\psi_{2,3} := \frac{\Delta U_{2,3}}{Q_{2,3}} \quad \psi_{2,3} = 0.713$$

$$\psi_{3,4} = 0$$

$$\psi_{4,1} := \frac{\Delta U_{4,1}}{Q_{4,1}} \quad \psi_{4,1} = 0.713$$

6. Определение величин характеризующих цикл в целом

Определение количества подведенного за цикл тепла:

$$\Sigma Q_p := Q_{1,2} + Q_{2,3} \quad \Sigma Q_p = 1.362 \times 10^6 \text{ Дж/кз}$$

Определение количества отведенного за цикл тепла:

$$\Sigma Q_o := Q_{4,1} \quad \Sigma Q_o = -8.247 \times 10^5 \text{ Дж/кз}$$

Общая работа цикла:

$$\Sigma L := L_{1,2} + L_{2,3} + L_{3,4} + L_{4,1} \quad \Sigma L = 5.378 \times 10^5 \text{ Дж/кз}$$

Определение количества тепла преобразованного в работу:

$$\Delta Q_{\text{н}} := \Sigma Q_p + \Sigma Q_o \quad \Delta Q_{\text{н}} = 5.378 \times 10^5 \text{ Дж/кз}$$

Изменение внутренней энергии, энталпии и энтропии цикла:

$$\Delta U := \Delta U_{1,2} + \Delta U_{2,3} + \Delta U_{3,4} + \Delta U_{4,1} \quad \Delta U := 0 \text{ Дж/кз}$$

$$\Delta I := \Delta I_{1,2} + \Delta I_{2,3} + \Delta I_{3,4} + \Delta I_{4,1} \quad \Delta I := 0 \text{ Дж/кз}$$

$$\Delta S := \Delta S_{1,2} + \Delta S_{2,3} + \Delta S_{3,4} + \Delta S_{4,1} \quad \Delta S := 0 \text{ Дж/кз}$$

КПД и термический КПД цикла:

$$\eta_t := \frac{\Sigma L}{\Sigma Q_p} \quad \eta_t = 0.395$$

$$\eta_{tk} := 1 - \frac{T_1}{T_3} \quad \eta_{tk} = 0.845$$

$$\eta_{tk} > \eta_t$$

$$0.845 > 0.395$$

7. Расчёты Р, В и Т, Св промежуточных точках и их диаграммы

Рабочая диаграмма PV:

Для процесса 1–2:

$$Vx_1 := V_1 \quad n := 1.6 \quad Px_1 := P_1$$

$$Vx_2 := 0.72 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_2 := P_1 \cdot \left(\frac{V_1}{Vx_2} \right)^n \quad Px_2 = 1.247 \times 10^5 \quad \text{Па}$$

$$Vx_3 := 0.62 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_3 := P_1 \cdot \left(\frac{V_1}{Vx_3} \right)^n \quad Px_3 = 1.584 \times 10^5 \quad \text{Па}$$

$$Vx_4 := 0.52 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_4 := P_1 \cdot \left(\frac{V_1}{Vx_4} \right)^n \quad Px_4 = 2.099 \times 10^5 \quad \text{Па}$$

$$Vx_5 := 0.4 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_5 := P_1 \cdot \left(\frac{V_1}{Vx_5} \right)^n \quad Px_5 = 3.194 \times 10^5 \quad \text{Па}$$

$$Vx_6 := 0.35 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_6 := P_1 \cdot \left(\frac{V_1}{Vx_6} \right)^n \quad Px_6 = 3.955 \times 10^5 \quad \text{Па}$$

$$Vx_7 := 0.3 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_7 := P_1 \cdot \left(\frac{V_1}{Vx_7} \right)^n \quad Px_7 = 5.061 \times 10^5 \quad \text{Па}$$

$$Vx_8 := V_2 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_8 := P_2$$

Для процесса 3–4: $n=k$

$$Vx_9 := V_3 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_9 := P_3$$

$$Vx_{10} := 1.25 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_{10} := P_3 \cdot \left(\frac{V_3}{Vx_{10}} \right)^k \quad Px_{10} = 3.733 \times 10^5 \quad \text{Па}$$

$$Vx_{11} := 1.6 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_{11} := P_3 \cdot \left(\frac{V_3}{Vx_{11}} \right)^k \quad Px_{11} = 2.64 \times 10^5 \quad \text{Па}$$

$$Vx_{12} := 1.95 \cdot n^{3/\kappa\varepsilon} \quad Px_{12} := P_3 \cdot \left(\frac{V_3}{Vx_{12}} \right)^k \quad Px_{12} = 2 \times 10^5 \quad \text{Па}$$

$$V_{x_{12}} := 1.95 \quad m^3/\text{kg} \quad P_{x_{12}} := P_3 \cdot \left(\frac{V_3}{V_{x_{12}}} \right)^k \quad P_{x_{12}} = 2 \times 10^5 \quad \text{Pa}$$

$$V_{x_{13}} := 2.3 \quad m^3/\text{kg} \quad P_{x_{13}} := P_3 \cdot \left(\frac{V_3}{V_{x_{13}}} \right)^k \quad P_{x_{13}} = 1.587 \times 10^5 \quad \text{Pa}$$

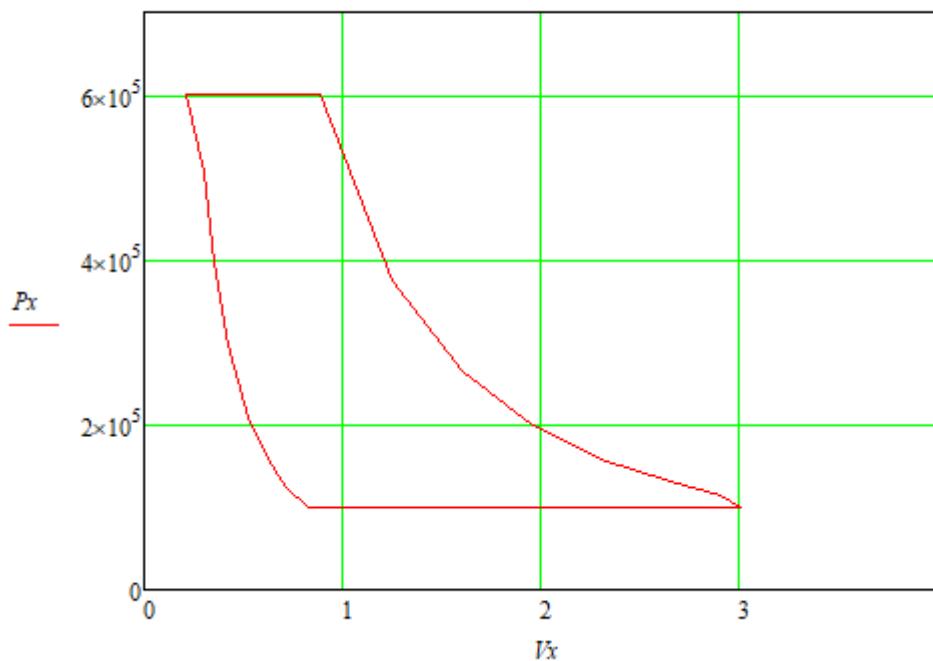
$$V_{x_{14}} := 2.65 \quad m^3/\text{kg} \quad P_{x_{14}} := P_3 \cdot \left(\frac{V_3}{V_{x_{14}}} \right)^k \quad P_{x_{14}} = 1.301 \times 10^5 \quad \text{Pa}$$

$$V_{x_{15}} := 2.9 \quad m^3/\text{kg} \quad P_{x_{15}} := P_3 \cdot \left(\frac{V_3}{V_{x_{15}}} \right)^k \quad P_{x_{15}} = 1.146 \times 10^5 \quad \text{Pa}$$

$$V_{x_{16}} := V_4 \quad P_{x_{16}} := P_4$$

$$V_{x_0} := V_4 \quad P_{x_0} := P_4$$

Рабочая диаграмма



Тепловая диаграмма TS:

Для процесса 2-3:

$$\begin{aligned}
 Tx_1 &:= T_2 & Sx_1 &:= S_2 \\
 Tx_2 &:= 775 \text{ K} & Sx_2 &:= S_2 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_2}{T_2}\right) & Sx_2 &= 1.189 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к} \\
 Tx_3 &:= 990 \text{ K} & Sx_3 &:= S_2 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_3}{T_2}\right) & Sx_3 &= 1.434 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к} \\
 Tx_4 &:= 1205 \text{ K} & Sx_4 &:= S_2 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_4}{T_2}\right) & Sx_4 &= 1.63 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к} \\
 Tx_5 &:= 1420 \text{ K} & Sx_5 &:= S_2 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_5}{T_2}\right) & Sx_5 &= 1.794 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к} \\
 Tx_6 &:= 1635 \text{ K} & Sx_6 &:= S_2 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_6}{T_2}\right) & Sx_6 &= 1.935 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к} \\
 Tx_7 &:= 1850 \text{ K} & Sx_7 &:= S_2 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_7}{T_2}\right) & Sx_7 &= 2.058 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к}
 \end{aligned}$$

Для процесса 4-1:

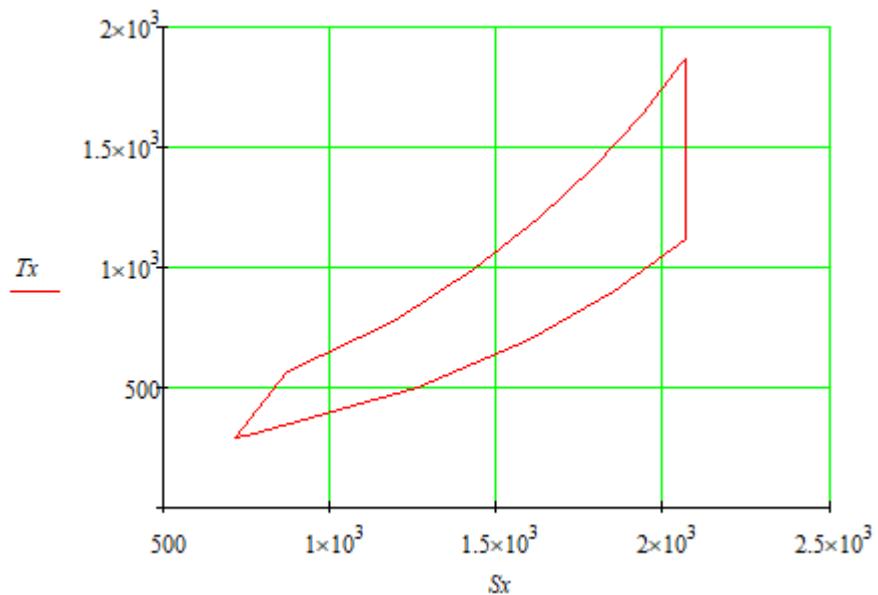
$$\begin{aligned}
 Tx_9 &:= T_4 & Sx_9 &:= S_4 \\
 Tx_{10} &:= 900 \text{ K} & Sx_{10} &:= S_4 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_{10}}{T_4}\right) & Sx_{10} &= 1.853 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к} \\
 Tx_{11} &:= 700 \text{ K} & Sx_{11} &:= S_4 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_{11}}{T_4}\right) & Sx_{11} &= 1.602 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к} \\
 Tx_{12} &:= 500 \text{ K} & Sx_{12} &:= S_4 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_{12}}{T_4}\right) & Sx_{12} &= 1.265 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к} \\
 Tx_{13} &:= 300 \text{ K} & Sx_{13} &:= S_4 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_{13}}{T_4}\right) & Sx_{13} &= 755.058 \text{ Дж/кз · к} \\
 Tx_{14} &:= 500 \text{ K} & Sx_{14} &:= S_4 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_{14}}{T_4}\right) & Sx_{14} &= 1.265 \times 10^3 \text{ Дж/кз · к}
 \end{aligned}$$

$$Tx_{15} := 300 \text{ K} \quad Sx_{15} := S_4 + Cp \cdot \ln\left(\frac{Tx_{15}}{T_4}\right) \quad Sx_{15} = 755.058 \quad \text{Дж/кз \cdot к}$$

$$Tx_{16} := T_1 \quad Sx_{16} := S_1$$

$$Tx_0 := T_1 \quad Sx_0 := S_1$$

Тепловая диаграмма



Список использованной литературы

1. Андрющенко А.И. Основы технической термодинамики реальных процессов. «Высшая школа», М.,1975.
2. Балахонцев Е.В. Основы технической термодинамики. «Оборонгиз», М.,1965.
3. Болгарский А.В. и др. Термодинамика и теплопередача. «Высшая школа».М., 1975.
4. Буров А.Л. Тепловые двигатели. «Москва». 2003.
5. Вукалович М.П. и Новиков И.И. Термодинамика. «Машиностроение», М.,1972.
6. Иноземцев Н.В. Курс тепловых двигателей. «Оборонгиз». М., 1954.
7. Нащокин В.В. Техническая термодинамика и теплопередача. «Высшая школа», М., 1975.